

## Raport obliczeń magnesu

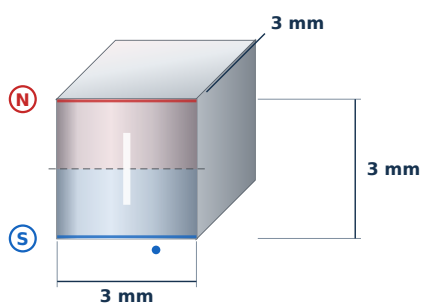
MPL 3x3x3 / N38

Wygenerowano: 24.08.2026 17:57:57

[Otwórz interaktywny kalkulator z tą konfiguracją →](#)



Zeskanuj, aby otworzyć  
interaktywny kalkulator  
z dokładnie tymi  
parametrami



kierunek magnesowania (S → N)

|                 |                           |
|-----------------|---------------------------|
| <b>Kształt:</b> | płytkowy                  |
| <b>Wymiary:</b> | 3,0 × 3,0 × 3,0 mm        |
| <b>Gatunek:</b> | <b>N38</b>                |
| Br:             | 12.2-12.6 kGs             |
| Hcb:            | 860-915 kA/m              |
| BHmax:          | 287-303 kJ/m <sup>3</sup> |
| Temperatura:    | ≤ 80 °C                   |

### Dane katalogowe

#### MPL 3x3x3 / N38 - magnes neodymowy płytkowy

|                                            |                           |                |                             |
|--------------------------------------------|---------------------------|----------------|-----------------------------|
| Nr katalogowy                              | <b>020148</b>             | Siła oderwania | <b>0,34 kg</b>              |
| GTIN / EAN                                 | <b>5906301811541</b>      | Indukcja       | <b>538,48 mT / 5 385 Gs</b> |
| Wymiary                                    | <b>3,0 × 3,0 × 3,0 mm</b> | Powłoka        | <b>[NiCuNi] nikiel</b>      |
| Waga                                       | <b>0,20 g</b>             | Gatunek        | <b>N38</b>                  |
| Kierunek magnesowania <b>przez grubość</b> |                           |                |                             |

(wartość katalogowa; wynik modelu: 0,34 kg)

<https://dhit.pl/produkt/magnes-neodymowy-plytkowy-3x3x3-n38-osiowy>

### Wynik obliczeń

**0,34** kg

SIŁA ODERWANIA  
wartość modelu: 0,3434 kg

**5 372** Gs

INDUKCJA POWIERZCHNIOWA

**0,20** g

MASA MAGNESU

**0,838** Pc

WSP. PERMEANCJI

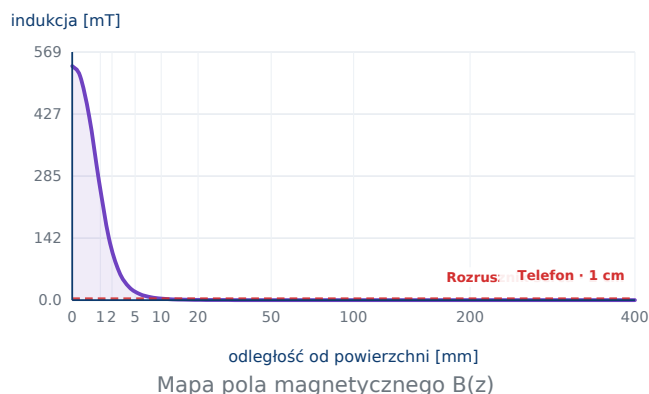
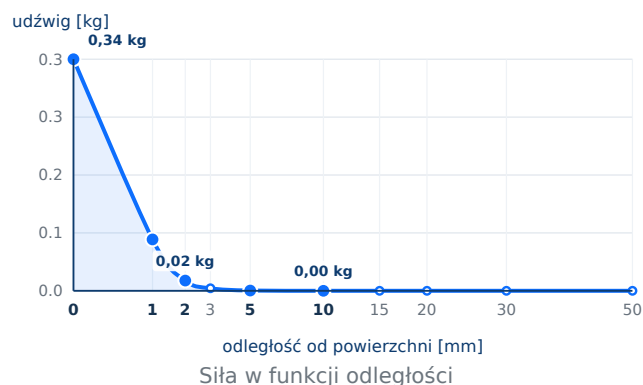
Widelki wynikające z tolerancji materiału: 0,33 – 0,35 kg

## Kluczowe wnioski dla konstruktora

1. Siła 0,34 kg dotyczy wyłącznie warunków idealnych: gruba, czysta stal, pełny styk, 20 °C.
2. Przy obciążeniu ścinającym (ściana pionowa) realny udźwig spada do ok. 30%.
3. Płaski magnes trzymany w powietrzu traci margines bezpieczeństwa termicznego znacznie wcześniej niż przyklejony do stali.
4. Zawsze stosuj współczynnik bezpieczeństwa z tabeli — minimum  $\times 2,0$  przy montażu warsztatowym.

## Spis treści

|                                         |                                             |
|-----------------------------------------|---------------------------------------------|
| 1. Dane katalogowe                      | 17. Ile magnesów potrzebuję?                |
| 2. Wynik obliczeń                       | 18. Kierunek obciążenia a realny udźwig     |
| 3. Metodologia i walidacja modelu       | 19. Porównanie gatunków                     |
| 4. Siła i indukcja w funkcji odległości | 20. Dwa magnesy — przyciąganie i odpychanie |
| 5. Siła ścinająca (poślizg)             | 21. Stos magnesów                           |
| 6. Wpływ grubości blachy                | 22. Parametry dodatkowe                     |
| 7. Krzywa demagnetyzacji i punkt pracy  | 23. Wskaźniki inżynierskie                  |
| 8. Spadek siły w funkcji temperatury    | 24. Krzywa spadku temperaturowego           |
| 9. Rozszerzona analiza temperaturowa    | 25. Krzywa wpływu grubości blachy           |
| 10. Analiza wrażliwości i tolerancji    | 26. Starzenie i stabilność długoterminowa   |
| 11. Porównanie metod obliczeniowych     | 27. Zalecane współczynniki bezpieczeństwa   |
| 12. Bezpieczne odległości (BHP)         | 28. Jak używać tych danych w praktyce       |
| 13. Strumień magnetyczny                | 29. Źródła danych materiałowych             |
| 14. Dynamika przyciągania               | 30. Powtarzalność produkcji                 |
| 15. Siła w funkcji kąta obciążenia      | 31. Warunki odniesienia                     |
| 16. Typowe scenariusze montażu          |                                             |



Wartości dotyczą indukcji na osi, w powietrzu, bez obecności stali. Oś pozioma jest zagęszczona blisko powierzchni, dzięki czemu na jednym rysunku widać i stromy spadek przy magnesie, i zasięg pola resztkowego. Poziome linie odniesienia to progi ważne ze względów bezpieczeństwa.

## Metodologia i walidacja modelu

Wyniki w tym raporcie nie pochodzą z symulacji polowej metodą elementów skończonych (FEM) ani z tabeli wartości katalogowych. Wszystko liczy zamknięty model analityczny — pole na osi z potencjału jednorodnie namagnesowanej bryły, siłę oderwania z naprężenia Maxwella na styku magnes-stal. Cała ścieżka obliczeń jest opisana poniżej, więc każdy wynik można sprawdzić na kartce.

### Równania modelu

**Płytką prostopadłościenną** — indukcja liczona na osi, gdzie  $a = L/2$ ,  $b = W/2$

$$B(z) = (Br / \pi) \cdot [ \arctan( a \cdot b / (z \cdot \sqrt{(a^2 + b^2 + z^2)}) ) - \arctan( a \cdot b / ((z + H) \cdot \sqrt{(a^2 + b^2 + (z + H)^2})) ) ]$$

**Siła oderwania** — całka naprężenia Maxwella po powierzchni bieguna

$$F [N] = B\_load^2 \cdot A / (2 \cdot \mu_0) \quad F [kg] = F [N] / g$$

**Współczynnik skupienia strumienia** — gruba stal działa jak zwierciadło magnetyczne: domyka obwód i podnosi indukcję w szczeliny względem wartości mierzonej w wolnej przestrzeni

$$B\_load = B(0) \cdot sf \quad sf = 1 + 1,6 \cdot \exp(-1,2 \cdot \lambda) \quad \lambda = H / D$$

**Współczynnik permeancji** — wskaźnik mówiący, jak silnie kształt magnesu działa przeciw własnemu namagnesowaniu; przez  $De$  rozumiemy średnicę zastępczą bieguna

$$Pc = k \cdot 1,7 / (1 + 0,9 \cdot k) \quad k = H / De$$

**Stała kalibracyjna** — bez korekty model zaniża siłę w sposób systematyczny, pomija bowiem strumień rozproszony z poboczniczy, który również zamyka obwód przez płytę. Poprawkę wyznaczono regresją najmniejszych kwadratów na 127 pozycjach katalogowych dhit

$$F [kg] = k\_cal \cdot B\_load^2 \cdot A / (2 \cdot \mu_0 \cdot g) \quad k\_cal = 1,4837$$

### Stałe i parametry wejściowe modelu

| Symbol | Znaczenie                                | Wartość             |
|--------|------------------------------------------|---------------------|
| Br     | Remanencja gatunku, środek widełek       | 12,40 kGs (1,240 T) |
| Hcb    | Koercja indukcji, katalogowa             | 860-915 kA/m        |
| Hcj    | Koercja wewnętrzna, minimum gwarantowane | ≥ 955 kA/m          |
| µrec   | Przenikalność powrotna                   | 1,05                |
| k_cal  | Stała kalibracyjna modelu                | 1,4837              |
| Pc     | Współczynnik permeancji tej geometrii    | 0,838               |
| sf     | Współczynnik skupienia strumienia        | 1,482               |
| A      | Powierzchnia bieguna                     | 0,09 cm²            |
| ρ      | Gęstość spieku NdFeB                     | 7,50 g/cm³          |

W całym raporcie współczynnik permeancji podajemy z trzema miejscami po przecinku. W obliczeniach używana jest wartość pełna, dlatego przeliczenie z liczby zaokrąglonej może różnić się na ostatniej cyfrze.

### Kalibracja i dokładność odwzorowania

W całym modelu dopasowywany jest wyłącznie jeden parametr,  $k\_cal$ ; poza nim nie ma żadnych współczynników korygujących. Wartość wyznaczyła regresja najmniejszych kwadratów na 127 pozycjach katalogu dhit. Zbiór kalibracyjny wybrano z katalogu magnesów surowych opisanego poniżej; pełną listę pozycji trzyma wewnętrzna dokumentacja dopasowania.

Źródłem zbioru kalibracyjnego jest katalog magnesów surowych obejmujący trzy geometrie: walce, płytki i pierścienie. Wymiary charakterystyczne rozciągają się od pojedynczych milimetrów do około 200 mm, a gatunki od N35 do N52 wraz z odmianami o podwyższonej koercji (H, SH, AH). Współczynnik permeancji przyjmuje w katalogu wartości od mniej więcej 0,10 do 1,6, mediana wypada koło 0,42, a około jedna dziesiąta pozycji schodzi poniżej 0,2 — to obszar brył wyraźnie płaskich. Dopasowanie przeprowadzono na wszystkich trzech geometriach naraz, jedną wspólną stałą; model nie różnicuje współczynnika między walcem, płytką i pierścieniem.

Po kalibracji rozbieżności układają się skośnie — mediana 0,09%, dziewiąty decyl 0,45%, maksimum 1,9%. Praktycznie oznacza to, że dla przeważającej większości pozycji model trafia w wartość katalogową z dokładnością lepszą niż pół procenta, a przypadki rzędu dwóch procent są pojedyncze i dotyczą krańców zakresu wymiarowego. Należy jednak wiedzieć, co te liczby opisują — zgodność z bazą dopasowania, nie niepewność pomiarową rzeczywistego egzemplarza. Faktyczny rozrzut wyrobu jest szerszy — decyduje o nim tolerancja materiałowa i jakość styku, ujęte w osobnych tabelach wrażliwości.

Poprawka kompensuje głównie strumień uciekający bokiem, którego udział w strumieniu całkowitym rośnie wraz ze spłaszczeniem bryły. Przy niskim  $P_c$  poprawka ma największe znaczenie i to w tym obszarze model nieskalibrowany zawodziłby najmocniej. Ta klasa magnesów jest w bazie kalibracyjnej obecna, zatem omawiany wymiar mieści się w zakresie objętym dopasowaniem, a nie poza nim.

**Założenia przyjęte w obliczeniach**

- 1. Materiał jest namagnesowany jednorodnie w całej objętości, a wektor magnetyzacji jest równoległy do osi podanej jako kierunek magnesowania.
- 2. Przyjęto płytę stalową płaską, czystą i odtłuszczoną, o grubości od progu pełnego wykorzystania strumienia w górę (patrz tabela grubości), pracującą poza nasyceniem.
- 3. Zakładamy styk na całej powierzchni, ze szczeliną równą wyłącznie grubości powłoki.
- 4. Siłę przykładą się prostopadle do powierzchni styku, powoli, bez uderzenia i bez składowej skręcającej.
- 5. Magnes i stal mają 20 °C, a przenikalność powrotna przyjmuje wartość  $\mu_{rec} = 1,05$ .
- 6. W obliczeniach użyto remanencji ze środka widełek katalogowych gatunku; wpływ skrajnych wartości pokazuje osobna tabela porównania metod.
- 7. Poza opisaną płytą w polu nie występują inne źródła magnetyczne ani elementy ferromagnetyczne.

**Ograniczenia modelu**

- 1. Model wyznacza pole tylko na osi symetrii. Na krawędzi bieguna rozkład indukcji jest odmienny — magnes przy skraju blachy traci mniej więcej 45% siły; ujmuje to osobny parametr, nie równanie pola.
- 2. Bryły o bardzo niskim  $P_c$  (poniżej mniej więcej 0,2, czyli wyraźnie płaskie) mają punkt pracy blisko kolana krzywej od magnesowania. Charakterystykę przyjęto jako liniową; w 20 °C to prawda, ale po podgrzaniu założenie upada i realna strata potrafi przekroczyć obliczoną. Przy takich kształtach raport trzeba czytać łącznie z sekcją analizy temperaturowej.
- 3. Model dotyczy magnesowania osiowego; przy magnesowaniu diametralnym i promieniowym bieguny są w innym miejscu, więc raport nie powstaje.
- 4. Układy o zamkniętym obwodzie, czyli uchwytów w obudowie stalowej, separatorów, belki i chwytaki, mają odmienną topologię strumienia. Podane tu wartości dla uchwytów opierają się na współczynniku wzmocnienia i są przybliżeniem, nie rozwiązaniem obwodu magnetycznego.
- 5. Poza modelem pozostają histereza, prądy wirowe i zjawiska dynamiczne przy szybkim odrywaniu. Siła oderwania przy udarze bywa wyższa od statycznej.
- 6. Obliczenia nie obejmują odchyłek płaskości i równoległości, a to właśnie one najczęściej odpowiadają w warsztacie za wynik niższy od policzonego.

**Siła i indukcja w funkcji odległości**

| Odległość | Gauss | mT    | kg   | lbs  | N   | Udział siły |
|-----------|-------|-------|------|------|-----|-------------|
| 0 mm      | 5 372 | 537,2 | 0,34 | 0,76 | 3,4 | 100%        |
| 1 mm      | 2 530 | 253,0 | 0,08 | 0,17 | 0,7 | 22%         |
| 2 mm      | 1 127 | 112,7 | 0,02 | 0,03 | 0,1 | 4%          |
| 3 mm      | 562   | 56,2  | 0,00 | 0,01 | 0,0 | 1%          |
| 5 mm      | 192   | 19,2  | 0,00 | 0,00 | 0,0 | 0%          |
| 10 mm     | 35    | 3,5   | 0,00 | 0,00 | 0,0 | 0%          |
| 15 mm     | 12    | 1,2   | 0,00 | 0,00 | 0,0 | 0%          |
| 20 mm     | 5     | 0,5   | 0,00 | 0,00 | 0,0 | 0%          |
| 30 mm     | 2     | 0,2   | 0,00 | 0,00 | 0,0 | 0%          |
| 50 mm     | 0     | 0,0   | 0,00 | 0,00 | 0,0 | 0%          |

### Siła ścinająca (poślizg)

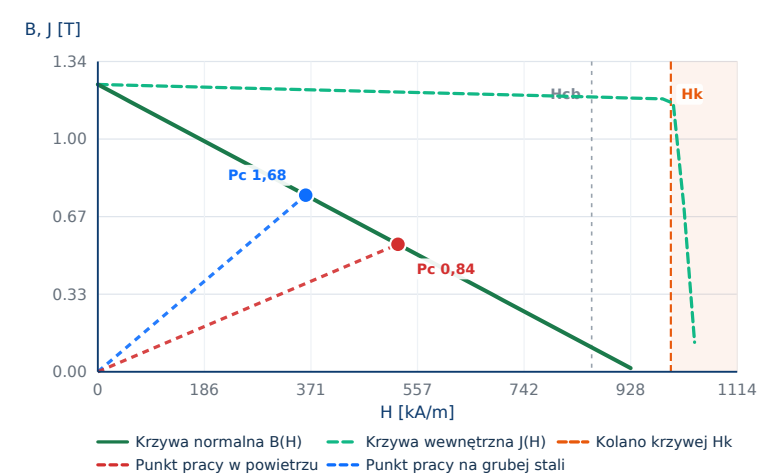
| Powierzchnia           | Tarcie | kg          | N   |
|------------------------|--------|-------------|-----|
| Stal surowa            | 0,30   | <b>0,10</b> | 1,0 |
| Stal lakierowana       | 0,20   | <b>0,07</b> | 0,7 |
| Powierzchnia zaolejona | 0,10   | <b>0,03</b> | 0,3 |
| Powłoka gumowa         | 0,50   | <b>0,17</b> | 1,7 |

### Wpływ grubości blachy

| Grubość        | Wykorzystanie | Siła           |
|----------------|---------------|----------------|
| <b>0,5 mm</b>  | 10%           | <b>0,03 kg</b> |
| <b>1,0 mm</b>  | 25%           | <b>0,09 kg</b> |
| <b>2,0 mm</b>  | 50%           | <b>0,17 kg</b> |
| <b>3,0 mm</b>  | 75%           | <b>0,26 kg</b> |
| <b>5,0 mm</b>  | 100%          | <b>0,34 kg</b> |
| <b>8,0 mm</b>  | 100%          | <b>0,34 kg</b> |
| <b>10,0 mm</b> | 100%          | <b>0,34 kg</b> |
| <b>12,0 mm</b> | 100%          | <b>0,34 kg</b> |

## Krzywa demagnetyzacji i punkt pracy

B(H) to indukcja wypadkowa wewnątrz magnesu, J(H) to wyłącznie polaryzacja materiału. Punkt pracy leży na przecięciu krzywej normalnej z prostą obciążenia o nachyleniu równym współczynnikowi permeancji:  $B = \mu_0 \cdot Pc \cdot H$ . Niższe położenie punktu oznacza pracę bliżej kolana J(H) i większe ryzyko trwałej utraty strumienia.



| Stan pracy                  | Pc    | Bd [T] | Hd [kA/m] |
|-----------------------------|-------|--------|-----------|
| Punkt pracy w powietrzu     | 0,838 | 0,550  | 523       |
| Punkt pracy na grubej stali | 1,676 | 0,762  | 362       |

|                             | Zapas do kolana Hk/Hd | Ryzyko trwałej utraty |
|-----------------------------|-----------------------|-----------------------|
| Punkt pracy w powietrzu     | 1,91                  | brak                  |
| Punkt pracy na grubej stali | 2,76                  | brak                  |

$H_k = 998 \text{ kA/m} \cdot H_{cj} 955\text{--}1\,051 \text{ kA/m} \cdot H_{cb} 940 \text{ kA/m}$

Przyłożony do grubej płyty stalowej magnes domyka obwód magnetyczny, przez co współczynnik permeancji z grubsza się podwaja. Punkt pracy idzie w górę krzywej: indukcja w magnecie rośnie i zapas do kolana staje się wyraźnie większy. To jest fizyczny powód, dla którego magnesy płaskie należy przechowywać przyklejone do stali lub w parach zwróconych przeciwnymi biegunami, a nie luzem.

Proporcje tego magnesu dają punkt pracy położony wysoko na krzywej, z dużym zapasem do kolana. W normalnej eksploatacji trwała utrata strumienia praktycznie nie grozi, a ogranicza nas maksymalna temperatura pracy gatunku.

## Spadek siły w funkcji temperatury

| Temperatura | Strata | Siła    | %    |
|-------------|--------|---------|------|
| 20 °C       | 0,0%   | 0,34 kg | 100% |
| 40 °C       | -2,2%  | 0,34 kg | 98%  |
| 60 °C       | -4,4%  | 0,33 kg | 96%  |
| 80 °C       | -6,6%  | 0,32 kg | 93%  |
| 100 °C      | -28,8% | 0,24 kg | 71%  |

Ta tabela jest wersją skróconą — ujmuje wyłącznie spadek siły wynikający ze zmiany remanencji i wystarcza do szybkiego oszacowania. Rozszerzona analiza temperaturowa w kolejnej sekcji rozdziela ten spadek na część odwracalną i nieodwracalną, dokłada zapas do kolana krzywej J(H) i podaje siłę pozostającą po powrocie do temperatury pokojowej. Do doboru magnesu pracującego w podwyższonej temperaturze wiążąca jest tabela rozszerzona — ta ma charakter orientacyjny.

## Rozszerzona analiza temperaturowa

Temperatura zabiera siłę dwoma mechanizmami, które trzeba od siebie odróżnić. Strata odwracalna to spadek remanencji o 0,11% na kelwin — po ostygnięciu znika bez śladu. Strata nieodwracalna pojawia się dopiero wtedy, gdy punkt pracy zejdzie poniżej kolana krzywej J(H) — i już nie wraca. Koercja wewnętrzna spada z temperaturą ponad pięciokrotnie szybciej niż remanencja, więc o granicy bezpiecznej pracy przesądza kształt magnesu, a nie deklarowana temperatura gatunku.

| Temperatura | Strata odwracalna | Zapas do kolana Hk/Hd | Strata nieodwracalna | Siła w temperaturze | Siła po ostygnięciu | Ryzyko trwałej utraty |
|-------------|-------------------|-----------------------|----------------------|---------------------|---------------------|-----------------------|
| 20 °C       | 0,0%              | 1,91                  | 0,0%                 | 0,34 kg             | 0,34 kg             | brak                  |
| 40 °C       | -2,2%             | 1,72                  | 0,0%                 | 0,33 kg             | 0,34 kg             | brak                  |
| 60 °C       | -4,4%             | 1,52                  | 0,0%                 | 0,31 kg             | 0,34 kg             | brak                  |
| 80 °C       | -6,6%             | 1,31                  | 0,0%                 | 0,30 kg             | 0,34 kg             | brak                  |
| 100 °C !    | -8,8%             | 1,09                  | 0,0%                 | 0,29 kg             | 0,34 kg             | umiarkowane           |

Najważniejsza dla trwałości jest kolumna „siła po ostygnięciu”: pokazuje, co zostanie na zawsze po jednym epizodzie przegrzania. Wartości nieodwracalne są oszacowaniem modelowym opartym na położeniu punktu pracy względem kolana krzywej, a nie wynikiem badania wytrzymałości termicznej. Faktyczna strata jest funkcją czasu wygrzewania i rzeczywistej koercji danej partii spieku.

Konsekwencja praktyczna jest taka, że płaski magnes w powietrzu traci margines o wiele wcześniej niż przyklejony do stali. Gdy aplikacja pracuje w podwyższonej temperaturze, taniej niż zmiana gatunku wypada domknięcie obwodu magnetycznego lub pogrubienie magnesu.

Analiza wrażliwości i tolerancji

Siła oderwania w tym raporcie odnosi się do wymiarów nominalnych i warunków odniesienia. Niżej zebrano wpływ czynników, które występują zawsze — tolerancji szlifowania, grubości powłoki, stanu powierzchni i gatunku stali.

Wpływ tolerancji wymiarowej ±0,1 mm

| Wymiar                     | Zmiana siły       | Zmiana indukcji   | Siła w granicach tolerancji |
|----------------------------|-------------------|-------------------|-----------------------------|
| Długość L                  | -3,86% ... +3,86% | -0,38% ... +0,39% | 0,33 - 0,36 kg              |
| Szerokość W                | -3,86% ... +3,86% | -0,38% ... +0,39% | 0,33 - 0,36 kg              |
| Wysokość / grubość H       | -1,04% ... +0,99% | -0,82% ... +0,76% | 0,34 - 0,35 kg              |
| Wszystkie wymiary skrajnie | -6,60% ... +6,82% | -0,02% ... +0,02% | 0,32 - 0,37 kg              |

Tolerancja wykonawcza magnesów spiekanych NdFeB po szlifowaniu wynosi standardowo ±0,1 mm. Płyne z tego niesymetryczny wniosek: przy kształtach płaskich siłę ustawia niemal wyłącznie wysokość, która decyduje o Pc, a zmiana średnicy nie daje nic — przyrost powierzchni bieguna równoważy spadek indukcji. Przy krytycznym wymaganiu na siłę opłaca się zacieśnić tolerancję wysokości, a średnicę zostawić.

| Wpływ powłoki i stanu powierzchni          |                     |         |        | Wpływ gatunku stali podłoża           |              |         |
|--------------------------------------------|---------------------|---------|--------|---------------------------------------|--------------|---------|
| Warunki styku                              | Zastępcza szczelina | Siła    | %      | Materiał podłoża                      | Współczynnik | Siła    |
| Styk idealny, magnes bez powłoki           | 0,000 mm            | 0,34 kg | 100,0% | Stal magnetycznie miękka (ARMCO, DT4) | 1,03         | 0,35 kg |
| Powłoka NiCuNi 15-25 µm                    | 0,025 mm            | 0,34 kg | 98,2%  | S235 / St3 — odniesienie modelu       | 1,00         | 0,34 kg |
| Powłoka + chropowatość blachy walcowanej   | 0,050 mm            | 0,33 kg | 95,1%  | S355                                  | 0,99         | 0,34 kg |
| Film olejowy lub konserwacyjny             | 0,060 mm            | 0,32 kg | 94,0%  | Stal węglowa C45                      | 0,96         | 0,33 kg |
| Lakier proszkowy 60-80 µm                  | 0,100 mm            | 0,31 kg | 89,2%  | Nierdzewna ferrytyczna 430            | 0,85         | 0,29 kg |
| Gruba powłoka malarska lub cynk natryskowy | 0,200 mm            | 0,27 kg | 78,1%  | Żeliwo szare                          | 0,75         | 0,26 kg |
| Nalot i łuszcząca się rdza                 | 0,400 mm            | 0,20 kg | 58,5%  | Nierdzewna austenityczna 304 / 316    | 0,00         | 0,00 kg |
| Zgorzelina, gruba korozja                  | 0,800 mm            | 0,11 kg | 30,9%  |                                       |              |         |

Wszystkie stany powierzchni sprowadzono do wspólnej miary — zastępczej szczeliny powietrznej. Wynik zaskakuje: magnes o niskim Pc prawie nie reaguje na cienką szczelinę, bo jego punkt pracy ustala własne odmagnesowanie, a nie reluktancja szczeliny. Ten sam lakier na magnesie smukłym, o wysokim Pc, kosztuje kilkanaście procent siły. Dlatego tabela jest liczona dla tej konkretnej geometrii, a nie przepisywana z tabeli ogólnej. Ważna uwaga — powyższe liczby obejmują tylko efekt samej szczeliny. Rdza, zgorzelina i gruby lakier mają też drugi mechanizm: psują płaskość i redukują styk pełnopowierzchniowy do kilku punktów podparcia. Ten drugi efekt jest zwykle znacznie kosztowniejszy od samej szczeliny i nie da się go wyliczyć z geometrii; na skorodowanej blasze realny udźwig potrafi spaść o połowę i więcej.

Przy dostatecznie grubej, nienasyconej płycie gatunek stali ma małe znaczenie: o reluktancji obwodu decyduje odmagnesowanie magnesu, a nie przenikalność podłoża. Dopiero żeliwo i stal ferrytyczna dają odczuwalną różnicę — ich niższa indukcja nasycenia ogranicza strumień. Austenit 304 i 316 jest paramagnetyczny — magnes do niego nie przywrze w ogóle. Wartości współczynników traktuj jako orientacyjne.



Porównanie metod obliczeniowych

Jedna geometria, kilka metod — i wyniki rozbiegają się kilkunastokrotnie. Nie jest to spór o fizykę, tylko o przyjęte założenia. Poniższa tabela pokazuje cały rozrzut, żeby było jasne, skąd bierze się wartość publikowana przez dhit i dlaczego bywa niższa od podawanych gdzie indziej.

| Metoda obliczeniowa                    | Kluczowe założenie                                                                                                                             | Siła    | Względem dhit |
|----------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------|---------------|
| Maxwell na pełnej remanencji           | Opiera się na założeniu, że indukcja w szczelinie jest równa Br. To górne ograniczenie termodynamiczne, którego nie da się osiągnąć.           | 0,56 kg | ×1,64         |
| Model zwierciadlany obwodu             | Przyjmuje dwukrotne Pc, a siłę liczy z indukcji w punkcie pracy. Nie uwzględnia strumienia rozproszonego z poboczniczy, przez co zaniża wynik. | 0,21 kg | ×0,62         |
| Model analityczny bez kalibracji       | Ten sam tor obliczeniowy co dhit, ale bez stałej k_cal. Pokazuje, ile wnosi sama kalibracja.                                                   | 0,23 kg | ×0,67         |
| Model dhit — wartość publikowana       | Kalibrowany na katalogu, warunki odniesienia: S235, styk pełnopowierzchniowy, 20 °C.                                                           | 0,34 kg | ×1,00         |
| Model dhit przy górnej granicy Br      | Metoda bez zmian, tylko remanencja wzięta z górnej granicy widełek zamiast ze środka.                                                          | 0,35 kg | ×1,03         |
| Ten sam wymiar w wyższym gatunku (N42) | Częsta przyczyna rozbieżności — katalogi zagraniczne domyślnie podają N42, nie N38.                                                            | 0,38 kg | ×1,11         |

Kalkulatory publikowane przez zagranicznych dostawców podają dla tej samej geometrii wartości zwykle o 60–80% wyższe. Różnica nie bierze się z błędu żadnej ze stron, tylko z sumy założeń: domyślnego gatunku N42 zamiast N38, remanencji przyjmowanej przy górnej granicy widełek, płyty docieranej zamiast walcowanej, zerowej szczeliny liczonej na magnesie bez powłoki oraz rozwiązania polowego, które oddaje strumień rozproszony korzystniej niż model analityczny. Każde z tych założeń z osobna jest obronne; razem dają liczbę, której w warsztacie nie da się powtórzyć.

Publikujemy świadomie dolny koniec tego przedziału. Iloraz wartości publikowanej i idealizowanej wynosi około 0,6, czyli dokładnie tyle, ile i tak zaleciłby współczynnik bezpieczeństwa. Liczba z tego raportu jest więc od razu bliższa temu, co konstruktor powinien wpisać do obliczeń.

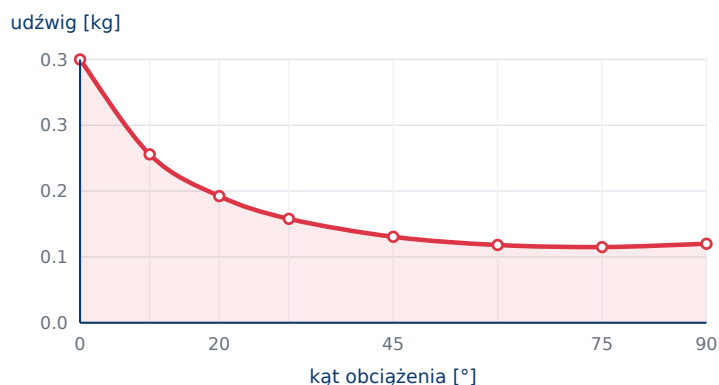
| Bezpieczne odległości (BHP) |       |     | Strumień magnetyczny |          |
|-----------------------------|-------|-----|----------------------|----------|
|                             | Gs    | cm  | Φ                    | 495 Mx   |
| Rozrusznik serca            | < 5   | 2,2 | Φ (SI)               | 5,0 μWb  |
| Aparat słuchowy             | < 10  | 1,6 | Bd                   | 5 504 Gs |
| Zegarek                     | < 20  | 1,4 | Pc                   | 0,838    |
| Telefon                     | < 40  | 1,0 | A                    | 0,09 cm² |
| Karta płatnicza             | < 400 | 0,4 | V                    | 0,03 cm³ |
| Dysk HDD                    | < 600 | 0,4 |                      |          |

## Dynamika przyciągania

| Dystans startowy | Prędkość | km/h | Energia | Ryzyko     |
|------------------|----------|------|---------|------------|
| 10 mm            | 4,77 m/s | 17,2 | 0,00 J  | Bezpieczne |
| 30 mm            | 4,77 m/s | 17,2 | 0,00 J  | Bezpieczne |
| 50 mm            | 4,77 m/s | 17,2 | 0,00 J  | Bezpieczne |
| 100 mm           | 4,77 m/s | 17,2 | 0,00 J  | Bezpieczne |

Prędkość, z jaką magnes dojdzie do stalowej płyty po wypuszczeniu z danej odległości. Od 5 J w górę zagrożenie zmiążdżenia palców jest jak najbardziej realne – trzymaj magnes z boku, nie na drodze jego ruchu.

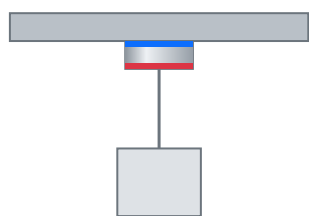
## Siła w funkcji kąta obciążenia



| Kąt | Udźwig  | %    |
|-----|---------|------|
| 0°  | 0,34 kg | 100% |
| 10° | 0,22 kg | 64%  |
| 20° | 0,17 kg | 48%  |
| 30° | 0,14 kg | 39%  |
| 45° | 0,11 kg | 33%  |
| 60° | 0,10 kg | 30%  |
| 75° | 0,10 kg | 29%  |
| 90° | 0,10 kg | 30%  |

Wykres pokazuje, ile magnes realnie utrzyma w zależności od kierunku działania obciążenia. 0° to odrywanie prostopadle od powierzchni (wartość katalogowa), 90° to ciągnięcie wzdłuż blachy. Charakterystyka opada bardzo szybko — 30° kosztuje już połowę udźwigu.

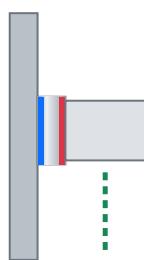
## Typowe scenariusze montażu



**0,34 kg**

### Sufit

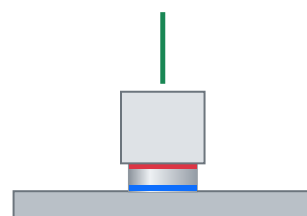
Ciężar zawieszony pionowo pod magnesem daje obciążenie prostopadłe i pełny udźwig.



**0,10 kg**

### Ściana pionowa

Ładunek ciągnie magnes w dół wzdłuż blachy: pracuje samo tarcie, zostaje około 30% udźwigu.



**0,34 kg**

### Podłoga / poziomo

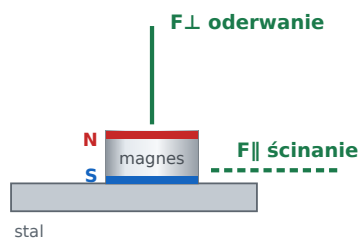
Na poziomej blasze przy obciążeniu skierowanym w górę magnes daje pełny udźwig prostopadły.

## Ile magnesów potrzebuję?

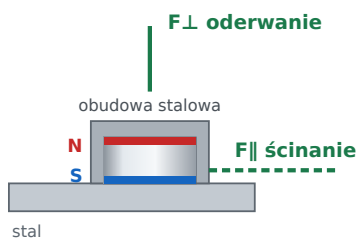
|                           |         |                        |                         |
|---------------------------|---------|------------------------|-------------------------|
| Masa do utrzymania        | 10,0 kg | Kierunek obciążenia    | prostopadle (odrywanie) |
| Margines bezpieczeństwa   | 2,0×    | Udźwig jednego magnesu | 0,34 kg                 |
| Potrzebna liczba magnesów | 59      | Łączny udźwig zestawu  | 20,26 kg (2,0×          |

Obliczenie uwzględnia kierunek działania obciążenia oraz przyjęty margines bezpieczeństwa. Do zastosowań, gdzie awaria mocowania jest groźna, stosuj margines co najmniej 3×

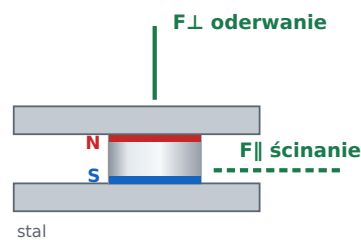
## Kierunek obciążenia a realny udźwig



**Magnes goły**  
magnes bez obudowy  
F⊥ oderwanie: **0,34 kg**  
F∥ ścinanie: **0,10 kg**



**Uchwyt jednostronny**  
magnes w obudowie stalowej  
F⊥ oderwanie: **0,65 kg**  
F∥ ścinanie: **0,20 kg**



**Uchwyt dwustronny**  
dwa magnesy, obudowa dzielona  
F⊥ oderwanie: **0,59 kg**  
F∥ ścinanie: **0,18 kg**

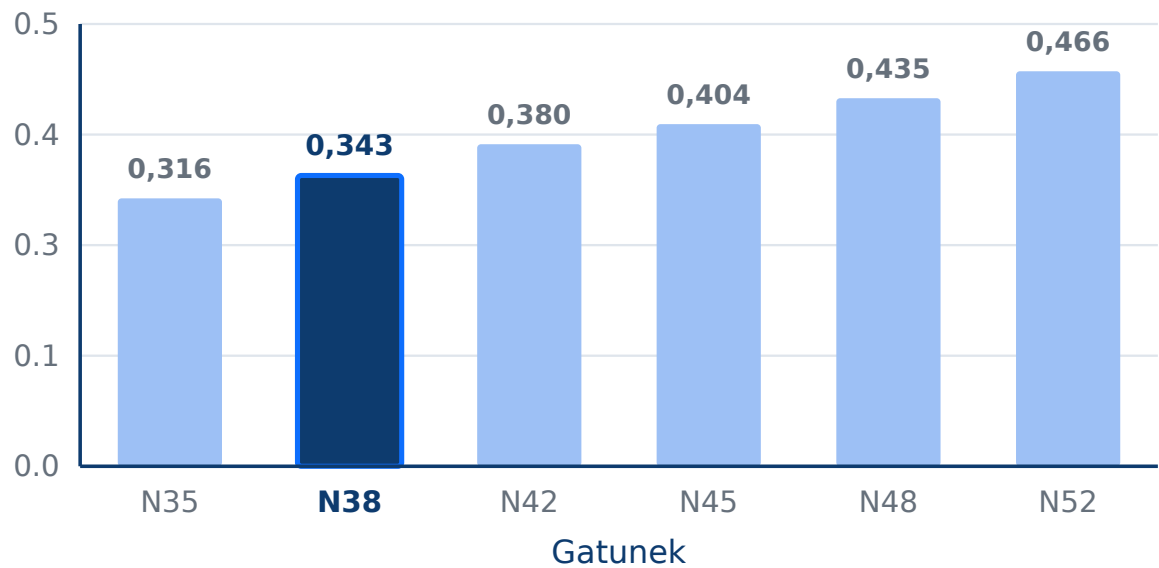
| Wariant montażu     | Siła prostopadła (oderwanie) | Siła równoległa (ścinanie) | Udział |
|---------------------|------------------------------|----------------------------|--------|
| Magnes goły         | 0,34 kg                      | 0,10 kg                    | 30%    |
| Uchwyt jednostronny | 0,65 kg                      | 0,20 kg                    | 30%    |
| Uchwyt dwustronny   | 0,59 kg                      | 0,18 kg                    | 30%    |

Wartość katalogowa dotyczy siły prostopadłej, czyli odrywania magnesu na wprost. Siła równoległa, czyli ścinanie, pojawia się przy zsuwaniu magnesu po blasze i stanowi tylko ułamek tamtej. Wartości dla stali surowej, współczynnik tarcia 0,30.

**Przy projektowaniu mocowania kierunek obciążenia jest pierwszą rzeczą do sprawdzenia. Przy udźwigu katalogowym 100 kg pionowo zawieszony ciężar to około 30 kg, licząc bez marginesu.**

Porównanie gatunków

udźwig [kg]



Ta sama bryła wykonana w kolejnych gatunkach NdFeB. Wyższy gatunek daje większy udźwig bez zmiany wymiarów.

Dwa magnesy — przyciąganie i odpychanie

| Szczelina | Przyciąganie | Odpychanie |
|-----------|--------------|------------|
| 0 mm      | 0,34 kg      | 0,31 kg    |
| 1 mm      | 0,08 kg      | 0,07 kg    |
| 2 mm      | 0,02 kg      | 0,01 kg    |
| 3 mm      | 0,00 kg      | 0,00 kg    |
| 5 mm      | 0,00 kg      | 0,00 kg    |
| 10 mm     | 0,00 kg      | 0,00 kg    |
| 20 mm     | 0,00 kg      | 0,00 kg    |
| 30 mm     | 0,00 kg      | 0,00 kg    |

Stos magnesów

| Liczba sztuk | Udźwig stosu | Przyrost |
|--------------|--------------|----------|
| 1            | 0,34 kg      | ×1,00    |
| 2            | 0,25 kg      | ×0,73    |
| 3            | 0,22 kg      | ×0,63    |
| 5            | 0,20 kg      | ×0,60    |
| 10           | 0,21 kg      | ×0,60    |

Układanie magnesów w stos podnosi udźwig wyłącznie do pewnej granicy. Najlepszy wynik wypada przy wysokości rzędu 0,6–0,8 średnicy — dalej siła maleje mimo rosnącej objętości. Potwierdzają to pomiary z naszego magazynu: magnes ø10 mm osiąga maksimum przy wysokości 8 mm (3,39 kg), a przy 15 mm trzyma już tylko 2,61 kg.

Przyczyna nasycenia jest prosta: wysokość stosu nie zmienia powierzchni bieguna, a to ona decyduje o sile. Kolejne magnesy podnoszą współczynnik permeancji, a z nim indukcję w punkcie pracy — ale ta dąży do remanencji i powyżej pewnej wysokości niemal przestaje przyrastać. Jednocześnie materiał dokładany na końcu stosu leży coraz dalej od powierzchni roboczej, więc jego strumień w rosnącej części zamyka się przez pobocznice, zamiast przechodzić przez szczelinę. Powyżej wysokości równej mniej więcej 0,7 średnicy oba efekty się sumują i kolejny magnes praktycznie nie zwiększa udźwigu — podnosi za to koszt, masę i ryzyko przy montażu.

Parametry dodatkowe

|                                 |                           |                                        |                               |
|---------------------------------|---------------------------|----------------------------------------|-------------------------------|
| 0,00 N·m<br>MOMENT OPORU OBROTU | 0,00 J<br>PRACA ODERWANIA | 0,19 kg<br>UDŹWIG PRZY KRAWĘDZI BLACHY | 374 kPa<br>NACISK JEDNOSTKOWY |
|---------------------------------|---------------------------|----------------------------------------|-------------------------------|

Ustawiony przy samej krawędzi blachy magnes gubi część strumienia i trzyma wyraźnie słabiej. Opór przeciw obróceniu magnesu na powierzchni stalowej.

# Wskaźniki inżynierskie

Zestaw wielkości charakteryzujących magnes niezależnie od tego, do czego go przyłożysz. Wyliczone z parametrów podanych wyżej – nie modyfikują żadnego z wyników.

|                              |                                             |                            |                           |
|------------------------------|---------------------------------------------|----------------------------|---------------------------|
| 99 %<br>EFEKTYWNOŚĆ KSZTAŁTU | 0,03 A·m <sup>2</sup><br>MOMENT MAGNETYCZNY | 1,696 kg/g<br>SIŁA NA GRAM | 3 mJ<br>ENERGIA ODERWANIA |
|------------------------------|---------------------------------------------|----------------------------|---------------------------|

Efektywność kształtu: 288 / 291 kJ/m<sup>3</sup> – wykorzystanie potencjału materiału

(BH)d = Bd · Hd, (BH)max = Br<sup>2</sup> / (4 · μ0 · μrec)

Jaka część potencjału energetycznego materiału jest wykorzystana przy tym kształcie. Iloczyn energii w punkcie pracy (BH)d odniesiony do maksimum materiału (BH)max. Maksimum wypada przy Pc ≈ 1,05 – im magnes smuklejszy, tym bliżej tej wartości. Niski wynik nie oznacza wady wyrobu – dysk o małej wysokości wygrywa wszędzie tam, gdzie ograniczeniem jest grubość zabudowy.

Sprawdzenie spójności: obliczone (BH)max powinno mieścić się w katalogowych widełkach gatunku. Trafienie w widełki oznacza, że remanencja i przenikalność powrotna są dobrane zgodnie.

## Moment magnetyczny

Parametr, na który nie wpływa ani podłoże, ani szczelina powietrzna. Iloczyn magnetyzacji  $M = Br/\mu_0$  i objętości bryły. Pozwala oszacować pole daleko od magnesu, gdzie liczy się już tylko przybliżenie dipolowe.

## Siła na gram

Stosunek siły do masy: ile udźwigu przypada na gram wyrobu. Rośnie wraz ze smukłością bryły, bo wraz z nią rośnie Pc. Wskaźnik pomocny przy porównywaniu kosztu uzyskania siły, bo cena wyrobu idzie zwykle za masą materiału.

## Energia oderwania

Tyle energii potrzeba, by podnieść 0 g na wysokość jednego metra. Pole pod krzywą siły od odległości na odcinku 0–50 mm, całkowane metodą trapezów. Siła odpowiada za utrzymanie ciężaru, energia za to, jak trudno magnes oderwać.

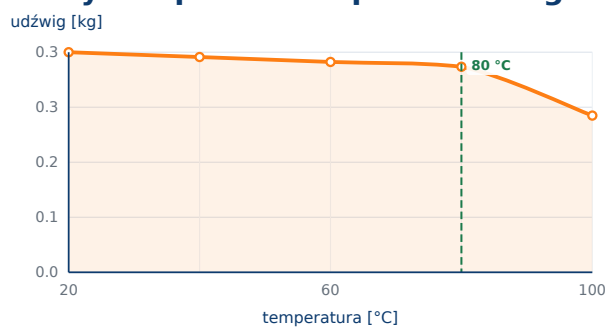
## Trzy poziomy tej samej liczby

Dla jednej geometrii spotyka się bardzo różne wartości – zależnie od przyjętych założeń. Poniżej trzy wartości, które warto od siebie odróżniać.

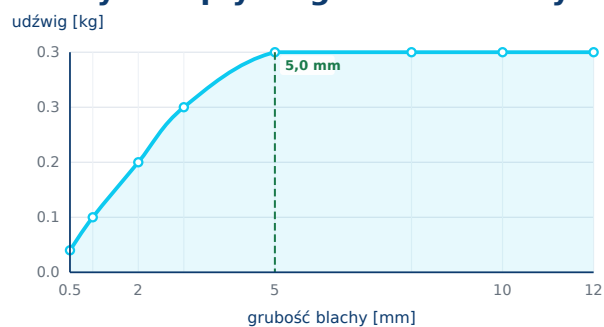
| Poziom                                     | Na czym oparty                                                                                     | Siła           |
|--------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------|
| Typowa deklaracja sklepów internetowych    | Gatunek N42 zamiast N38, remanencja przy górnej granicy widełek, zerowa szczelina, płyta docierana | 0,55 - 0,62 kg |
| Model dhit - warunki idealne laboratoryjne | Stal S235 o grubości ≥ 10 mm, pełny styk, 20 °C, magnes bez powłoki                                | 0,34 kg        |
| Wartość do obliczeń konstrukcyjnych        | Model podzielony przez współczynnik bezpieczeństwa 2,0 dla montażu warsztatowego                   | 0,17 kg        |

Zakres 1,6–1,8 nie jest przybliżeniem na oko. To iloczyn kilku założeń podnoszących wynik. Ponieważ mnożą się one przez siebie, sam stosunek zachowuje ważność dla każdej geometrii, choć wartość bezwzględna już nie. Przy projektowaniu konstrukcji przyjmuj zawsze ostatni wiersz.

## Krzywa spadku temperaturowego



## Krzywa wpływu grubości blachy



## Starzenie i stabilność długoterminowa

| Okres eksploatacji | Spadek strumienia | Siła    |
|--------------------|-------------------|---------|
| 1 lat              | -0,1%             | 0,34 kg |
| 5 lat              | -0,3%             | 0,34 kg |
| 10 lat             | -0,5%             | 0,34 kg |
| 20 lat             | -1,0%             | 0,34 kg |

*W poprawnie dobranym obwodzie magnetycznym spiekany NdFeB zachowuje się stabilnie: samoistny spadek strumienia to ułamki procenta rocznie, a po pierwszym roku niemal ustaje. Poniższe wartości dotyczą pracy w temperaturze pokojowej, w suchym otoczeniu i przy niezmięnionej geometrii obwodu.*

## Zalecane współczynniki bezpieczeństwa

| Charakter pracy                           | Zalecane wykorzystanie | Współczynnik bezpieczeństwa | Siła do obliczeń |
|-------------------------------------------|------------------------|-----------------------------|------------------|
| Obciążenie statyczne, styk kontrolowany   | 70%                    | ×1,4                        | 0,24 kg          |
| Obciążenie statyczne, montaż warsztatowy  | 50%                    | ×2,0                        | 0,17 kg          |
| Obciążenie ścinające (zsuwanie po blasze) | 50%                    | ×2,0                        | 0,05 kg          |
| Ruch, przyspieszenia, cykle otwierania    | 40%                    | ×2,5                        | 0,14 kg          |
| Wibracje, transport, praca ciągła         | 33%                    | ×3,0                        | 0,11 kg          |
| Praca nad ludźmi lub podnoszenie          | 20%                    | ×5,0                        | 0,07 kg          |

*W praktyce o żywotności magnezu nie decyduje starzenie materiału magnetycznego, tylko korozja. Powłoka NiCuNi trzyma szczelność tylko dopóki jest nienaruszona — odprysk na krawędzi, uderzenie czy wilgoć otwierają drogę korozji rdzenia, a skorodowany spiek kruszy się i traci strumień dużo szybciej niż mówi tabela. Drugi czynnik to cykliczne nagrzewanie: każde przekroczenie kolana krzywej zabiera trwale część mocy, a straty się kumulują. Podane liczby są oszacowaniem opartym na położeniu punktu pracy, nie wynikiem badań długoterminowych.*

Siła oderwania jest wartością graniczną osiąganą w warunkach idealnych i nie wolno jej wpisywać do obliczeń konstrukcyjnych wprost. Magnes ma duży rozrzut wykonawczy i skrajnie reaguje na jakość styku, dlatego projektuje się go na ułamek wartości nominalnej. Tabela poniżej podaje udziały sprawdzone w praktyce warsztatowej.

**Tam, gdzie awaria mocowania zagraża zdrowiu, magnes nie może być jedynym elementem przenoszącym obciążenie; konieczne jest niezależne zabezpieczenie mechaniczne. Magnes nie jest zawiesiem transportowym i nie podlega ocenie jak sprzęt do podnoszenia ładunków.**



1. Zaczynij od kierunku obciążenia, nie od liczby kilogramów. Siła ścinająca to około 30% siły oderwania na stali surowej i wyraźnie mniej na lakierowanej — mocowanie na ścianie pionowej projektuje się z tabeli ścinania, nigdy z wartości katalogowej.
2. Pomnóż wynik przez udział z tabeli współczynników bezpieczeństwa właściwy dla danego charakteru pracy. Dopiero ta liczba jest siłą projektową.
3. Sprawdź, czy blacha jest dostatecznie gruba. Poniżej progu pełnego wykorzystania strumienia magnes traci siłę proporcjonalnie do grubości — cienka blacha nasycy się i przestaje prowadzić strumień. Dla tego magnesu próg wypada przy 5,0 mm.
4. Licz temperaturę pracy magnesu, a nie samą temperaturę otoczenia. Magnes zabudowany, umieszczony przy silniku lub w nasłonecznionej maszynie potrafi być o kilkadziesiąt stopni cieplejszy od hali.
5. Nie zwiększaj siły przez sklekanie magnesów w stos — powyżej wysokości równej mniej więcej 0,7 średnicy przyrost praktycznie ustaje. Taniej i bezpieczniej wypada zwiększenie średnicy lub rozłożenie obciążenia na kilka punktów mocowania.
6. Przygotuj powierzchnię. Zwykle odtłuszczenie i usunięcie rdzy dają więcej niż podniesienie gatunku o dwie klasy, przy ułamku kosztu.
7. Płaskie magnesy trzymaj przyklejone do stali albo w parach zwróconych przeciwnymi biegunami. Luzem pracują blisko kolana krzywej i tracą margines bezpieczeństwa termicznego.
8. Przy krytycznym mocowaniu przeprowadź próbę na docelowym materiale i w docelowym stanie powierzchni. Jeden pomiar siłomierzem na rzeczywistym detalu znaczy więcej niż dowolny raport obliczeniowy, ten również.

## Źródła danych materiałowych

Dane gatunku wykorzystane w obliczeniach wzięto z karty materiałowej dostawcy spieku; mieszczą się w widełkach określonych w wymienionych niżej dokumentach. Wymieniamy je po to, aby każdą przyjętą wartość można było zestawzić z niezależnym źródłem.

**IEC 60404-5:2015** — metody pomiaru właściwości magnetycznych materiałów magnetycznie twardych w obwodzie zamkniętym — indukcji, polaryzacji i natężenia pola oraz wyznaczania krzywej odmagnesowania i prostej powrotu · <https://webstore.iec.ch/en/publication/22142>

**IEC 60404-8-1:2023** — specyfikacja minimalnych właściwości magnetycznych i tolerancji wymiarowych materiałów magnetycznie twardych, uzupełniona o gęstości i zakresy składu chemicznego · <https://webstore.iec.ch/en/publication/68440>

**ASTM A977/A977M-07(2020)** — badanie właściwości magnetycznych materiałów wysokokoercyjnych histerezo grafem: remanencja, koercja, pole kolana, iloczyn energii i przenikalność powrotna · [https://store.astm.org/a0977\\_a0977m-07r20.html](https://store.astm.org/a0977_a0977m-07r20.html)

**MMPA Standard No. 0100-00** — specyfikacja branżowa obejmująca właściwości magnetyczne, cieplne, fizyczne i mechaniczne handlowych magnesów trwałych oraz typowe tolerancje produkcyjne · standard Magnetic Materials Producers Association, udostępniany członkom stowarzyszenia

**Karta katalogowa gatunku dh1t** — stąd pochodzą przyjęte w raporcie widełki Br, Hcb, Hcj, BHmax i maksymalnej temperatury pracy, stanowiące dane wejściowe modelu. · karta dostępna na stronie produktu w katalogu dh1t

*Normy wymieniono jako źródła metodyki i wartości odniesienia; niniejszy raport nie jest dokumentem badania akredytowanego i nie stanowi świadectwa zgodności z żadną z nich.*

## Powtarzalność produkcji

Statystyki zdolności procesu (Cp, Cpk) dla pojedynczych wymiarów nie publikujemy — poniższe uwagi mają charakter ogólny. W spiekany NdFeB rozrzut właściwości magnetycznych przewyższa rozrzut wymiarowy; branża przyjmuje tolerancję remanencji około  $\pm 5\%$ , a koercję wewnętrzną deklaruje się jako wartość minimalną. Skoro siła zależy od kwadratu indukcji, tolerancja remanencji tego rzędu oznacza mniej więcej  $\pm 10\%$  siły: więcej niż wpływ tolerancji wymiarowej i wielokrotnie więcej niż niepewność modelu. Wniosek dla konstruktora jest prosty: o wymaganym marginesie bezpieczeństwa decyduje rozrzut materiału, a nie dokładność obliczeń.

**Rozrzut rzędu  $\pm 10\%$  siły wynikający z tolerancji remanencji jest typowy dla całej branży spiekanych magnesów neodymowych, dlatego marginesy bezpieczeństwa są konieczne niezależnie od dokładności samego modelu obliczeniowego.**

## Warunki odniesienia

**Kierunek magnesowania:** przez grubość · Bieguny wypadają na powierzchniach czołowych, pole idzie wzdłuż wymiaru **3,0 mm**

Siłę oderwania policzono dla płyty ze stali konstrukcyjnej niestopowej (S235 / St3) grubości co najmniej 10 mm, o powierzchni gładkiej, czystej i odtłuszczonej, bez szczeliny powietrznej i przy sile prostopadłej do powierzchni. Austenityczna stal nierdzewna (304, 316) nie jest magnetyczna — magnes do niej nie przywrze.

*Wartości pochodzą z modelu fizycznego skalibrowanego na 127 zmierzonych produktach. Są to wielkości szacunkowe do celów projektowych — zawsze stosuj margines bezpieczeństwa.*

*Każda wartość w raporcie jest wynikiem obliczenia modelowego, nie pomiarem konkretnej sztuki. Służą do celów projektowych i porównawczych. Przed zastosowaniem w konstrukcji, od której zależy bezpieczeństwo, wykonaj próbę na docelowym detalu i zawsze stosuj margines bezpieczeństwa zgodnie z tabelą współczynników.*

*Raport powstaje w dwóch wersjach językowych. Wersję angielską otrzymasz pod tym samym adresem z przedrostkiem /en/ i angielskim segmentem trasy, na przykład <https://dhit.pl/en/magnet-report/neodymium-disc-magnet-38x3-5-n38/>. Obliczenia, założenia i wszystkie wartości liczbowe są identyczne — zmienia się wyłącznie warstwa opisowa.*